

การวิเคราะห์ผลการออกแบบหม้อแปลงโซลิตสเทสเทสล่า โดยการจำลองระบบด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ เพื่อหาประสิทธิภาพของการออกแบบ  
Analysis of a designed solid state tesla transformer by computer simulation For studying the effective design

สุพจน์ วรวิพรหมมา\* และ บุญยัง ปลั่งกลาง

ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า คณะวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีราชมงคลธัญบุรี 12110 E-mail: suphot\_power2@yahoo.com

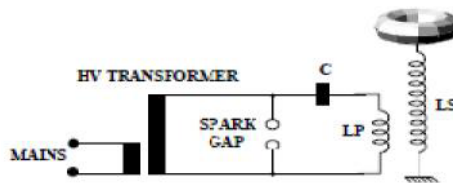
**บทคัดย่อ**

บทความนี้เป็นกรนำเสนอ การวิเคราะห์ผลการออกแบบหม้อแปลงเทสล่าแบบสวิตซ์อิเล็คทรอนิกส์ ( Solid state tesla transformer ) โดยเปรียบเทียบวงจรสวิตซ์ 3 รูปแบบ คือ วงจรสวิตซ์อิเล็คทรอนิกส์แบบสวิตซ์โดยตรง วงจรฮาฟบริดจ์อินเวอร์เตอร์ และวงจรฟูลบริดจ์อินเวอร์เตอร์ เพื่อเลือกรูปแบบของวงจร ขนาดพิกัดแรงดัน และพิกัดกระแส ของอุปกรณ์สวิตซ์อิเล็คทรอนิกส์ ( IGBT ) ที่เหมาะสม ในการสร้างหม้อแปลงโซลิตสเทสเทสล่า ขนาดพิกัด 150 kV 200 kHz โดยการจำลองระบบด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ MATLAB/Simulink ผลการจำลองระบบ พบว่าวงจรสวิตซ์อิเล็คทรอนิกส์แบบสวิตซ์โดยตรง ต้องใช้ อุปกรณ์อิเล็คทรอนิกส์ที่พิกัด 1,800V 1,420 A สามารถสร้างไฟฟ้าแรงสูง 150 kV 160 kHz วงจรฮาฟบริดจ์อินเวอร์เตอร์ ใช้ อุปกรณ์อิเล็คทรอนิกส์ที่พิกัด 311 V ±75 A สามารถสร้างไฟฟ้าแรงสูง 145 kV 132 kHz และวงจรฟูลบริดจ์อินเวอร์เตอร์ ใช้ อุปกรณ์อิเล็คทรอนิกส์ที่พิกัด 311 V ±175 A สามารถสร้างไฟฟ้าแรงสูง 150 kV 145 kHz สำหรับการศึกษาครั้งนี้พบว่าวงจรฮาฟบริดจ์อินเวอร์เตอร์ เป็นตัวเลือกที่เหมาะสมที่สุด

**คำสำคัญ:** หม้อแปลงเทสล่า, โซลิตสเทส, อินเวอร์เตอร์หม้อแปลงเทสล่า

**1. บทนำ**

หม้อแปลงเทสล่า เป็นหม้อแปลงแกนอากาศ ใช้สร้างไฟฟ้าแรงดันสูงความถี่สูง จะอาศัยการเกิดปรากฏการณ์เรโซแนนซ์ ในวงจร LC โดย L คือค่าความเหนี่ยวนำ (Inductance) ของขดลวด ของหม้อแปลงเทสล่า และ C คือค่าความจุไฟฟ้า (Capacitance)



รูปที่ 1 วงจรพื้นฐานของหม้อแปลงเทสล่า

จากรูปที่ 1 เมื่อหม้อแปลงไฟฟ้าแรงสูงจ่ายแรงดันไฟฟ้า สปราร์คแกปเกิดการสปาร์ค จะมีการถ่ายเทพลังงานที่สะสมระหว่างคาปาซิเตอร์ด้านแรงต่ำและขดลวดด้านแรงต่ำของหม้อแปลงเทสล่าในลักษณะออสซิลเลชั่นที่ความถี่เรโซแนนซ์และเหนี่ยวนำให้เกิดรูปคลื่นสัญญาณแรงดันด้านแรงดันสูงในลักษณะรูปคลื่นขบวนหนึ่งด้วยความถี่เรโซแนนซ์ โดยค่าแอมพลิจูดของการออสซิลเลชั่นจะมีค่าสูงสุดถ้าคลื่นทั้งสองฝั่งมีเฟสตรงกัน

**1. การออกแบบหม้อแปลงเทสล่า**

1.1 เงื่อนไขในการออกแบบ การออกแบบ เบื้องต้นต้องคำนึงถึงตัวเก็บประจุทางด้านแรงดันสูงเนื่องจากตัวเก็บประจุทางด้านแรงดันสูงมีผลต่อแรงดันและความถี่ที่จ่ายออกไป โดยจุดประสงค์ของการออกแบบหม้อแปลงเทสล่าก็เพื่อใช้ในการทดสอบลูกถ้วยฉนวน ที่มีแรงดันวาปไฟตามฉนวน 140 kV และความถี่มาตรฐานที่กำหนดไม่น้อยกว่า 150 kHz จึงทำการกำหนดพิกัดในการออกแบบอยู่ที่ พิกัดแรงดันสูง 150 kV พิกัดความถี่ 200 kHz และใช้แรงดันป้อนเข้าที่ 4,000 V ตามพิกัดอุปกรณ์สวิตซ์อิเล็คทรอนิกส์ ( IGBT ) ที่หาได้ เบอร์ MBN800H45E2-H มีพิกัดแรงดัน 4,500V พิกัดกระแส 800A

1.2 การออกแบบขดลวดด้านแรงดันสูง การออกแบบขดลวดด้านแรงดันสูง จะใช้ท่อขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางที่ 6.5 นิ้ว และสูง 30 นิ้ว เมื่อนำความสูงของท่อหารด้วยเส้นผ่าศูนย์กลางของลวดทองแดง เบอร์ 23 SWG จะได้จำนวนรอบในการพันขดลวดเท่ากับ 1,250 รอบ แล้วนำจำนวนรอบที่ได้มาคำนวณหาค่าความเหนี่ยวนำจากสมการ

$$L = \frac{N^2 R^2}{9R + 10H} \tag{1}$$

เมื่อ L = ความเหนี่ยวนำของขดลวด (μH) N = จำนวนรอบของขดลวด R = รัศมีของขดลวด (นิ้ว)

H = ความสูงของขดลวด (นิ้ว) ได้ค่า L = 50.125mH

เมื่อนำลวดจำนวน 1,250 รอบ ที่ออกแบบไปทำการพันขดลวดพบว่าขดลวดมีความสูงเพิ่มขึ้นเป็น 32 นิ้ว และเมื่อทำการคำนวณหาค่าความเหนี่ยวนำของขดลวดใหม่จะได้ค่าเท่ากับ 47.255 mH

1.3 การออกแบบตัวเก็บประจุด้านแรงดันสูง ตัวเก็บประจุทางด้านแรงดันสูงประกอบด้วย ตัวเก็บประจุของลูกถ้วยฉนวน ประมาณ 60 pF หาค่าความจุแฝงในขดลวด (Stray Capacitor) ด้วยสมการ

$$C_{sr} = 0.29H + 0.41R + 1.94 \sqrt{\frac{R^3}{H}} \tag{2}$$

ได้ค่า C = 12.62 pF และหาค่าความจุของตัวเก็บประจุมารวมจากสมการ

$$C_{tor} = 1.4(1.2781 - \frac{D_I}{D_o})\sqrt{\pi D_I(D_o - D_I)} \quad (3)$$

เมื่อ  $D_I$  = เส้นผ่านศูนย์กลางภายในของทอรรอยด์(นิ้ว)

$D_o$  = เส้นผ่านศูนย์กลางภายนอกของทอรรอยด์(นิ้ว)

ในที่นี้จะออกแบบให้ทอรรอยด์มีเส้นผ่านศูนย์กลางภายในเท่ากับท่อที่ใช้พันขดลวดทุติยภูมิคือ 6.5 นิ้ว และมีเส้นผ่านศูนย์กลางวงนอกเท่ากับ 19.5 นิ้ว จะได้ค่า  $C = 21.55$  pF เมื่อนำค่า ของตัวเก็บประจุทั้ง 3 มารวมกันจะได้ค่าความจุของประจุไฟฟ้าด้านแรงสูง เท่ากับ 94.17 pF แล้วคำนวณหาความถี่เรโซแนนซ์เบื้องต้น จากสมการ

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_2 C_2}} \quad (4)$$

เมื่อคิดเฉพาะ ค่าประจุไฟฟ้าแฝงจะได้ความถี่เรโซแนนซ์ 206.094 kHz

คิดประจุแฝงรวมกับค่าประจุทอรรอยด์ได้ความถี่เรโซแนนซ์ 125.248 kHz

คิดประจุทั้งสามรวมกัน ได้ความถี่เรโซแนนซ์ 75.446 kHz

#### 1.4 การออกแบบตัวเก็บประจุทางด้านแรงดันต่ำ คำนวณหาค่าความจุของตัวเก็บประจุด้านแรงดันต่ำจากสมการ

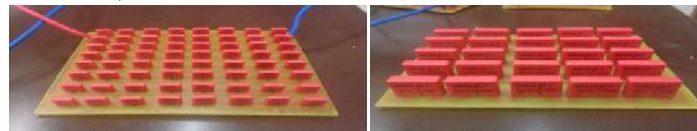
$$C_1 \approx \frac{1}{2\pi f Z} \quad (5)$$

ที่ความถี่เรโซแนนซ์ 125.248 kHz จะได้ค่าความจุประมาณ 0.033  $\mu$ F

ที่ความถี่เรโซแนนซ์ 75.446 kHz จะได้ค่าความจุประมาณ 0.1  $\mu$ F

สำหรับคาปาซิเตอร์ 0.033  $\mu$ F เป็นค่าคาปาซิเตอร์ด้านแรงดันต่ำขณะไม่ต่อลูกถ้วยด้านแรงดันสูง จะใช้คาปาซิเตอร์ขนาด 0.033  $\mu$ F 680V อนุกรมกัน 8 ตัวแล้วขนานกัน 8 ชุด เพื่อให้ทนแรงดันได้ 5,040 V

และคาปาซิเตอร์ 0.01  $\mu$ F เป็นค่าคาปาซิเตอร์ด้านแรงดันต่ำขณะต่อลูกถ้วยด้านแรงดันสูง จะใช้คาปาซิเตอร์ขนาด 0.1  $\mu$ F 1,000V อนุกรมกัน 5 ตัวแล้วขนานกัน 5 ชุด เพื่อให้ทนแรงดันได้ 5,000 V



รูปที่ 2 คาปาซิเตอร์ขนาด 0.033  $\mu$ F 5,040V และ 0.1  $\mu$ F 1,000V ชนิดโพลีโพรไพลีน

#### 1.5 การออกแบบขดลวดด้านแรงดันต่ำ

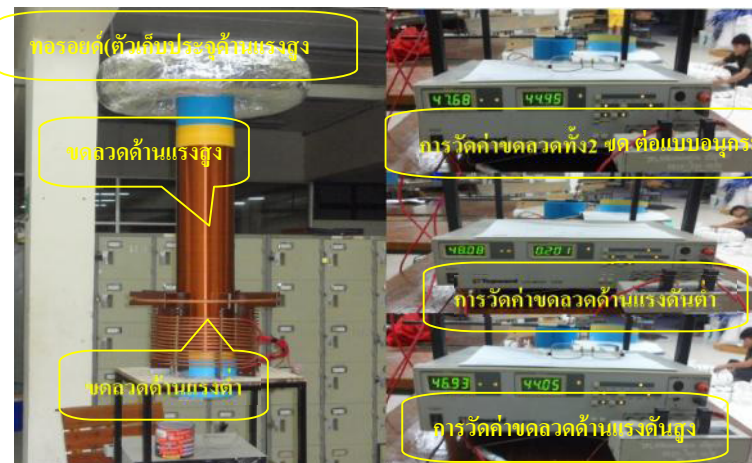
จากค่าความถี่เรโซแนนซ์ที่ได้คำนวณในหัวข้อที่ 2.3 พบว่าหากต้องการนำหม้อแปลงทดสอบไปใช้ในการทดสอบลูกถ้วย ความถี่เรโซแนนซ์ จะอยู่ที่ 75.446 kHz และสามารถคำนวณหาความเหนี่ยวนำของขดลวดแรงดันต่ำของหม้อแปลงทดสอบได้จากสมการ

$$L_1 = \frac{1}{4\pi^2 f_1^2 C_1} \quad (6)$$

ซึ่งมีค่าเท่ากับ 44.5  $\mu$ H และในการจัดทำขดลวดแรงดันต่ำ จะพันในลักษณะทรงกระบอกเช่นเดียวกับขดลวดแรงดันสูง โดยขดลวด มีรัศมี  $R = 5.85$  นิ้ว สูง  $H = 6$  นิ้ว พันทั้งหมด 12 รอบ และแต่ละรอบห่างกัน 0.5 นิ้ว ใช้ท่อทองแดงขนาด เส้นผ่านศูนย์กลาง 0.25 นิ้ว เมื่อคำนวณตามสมการที่ 1 จะได้เท่ากับ 43.74  $\mu$ H ซึ่งใกล้เคียงกับสมการที่ 6

#### 2. การจำลองระบบด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์

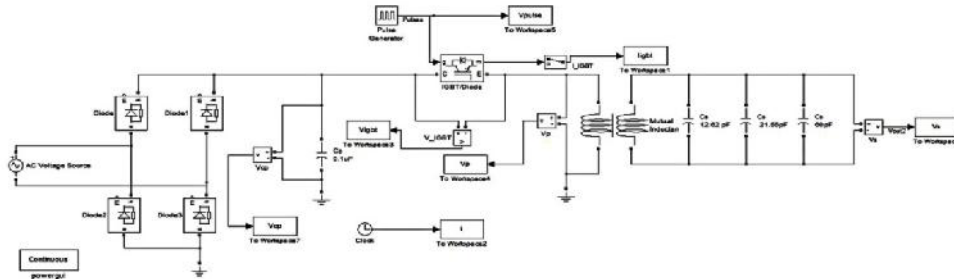
2.1 ค่าพารามิเตอร์ของอุปกรณ์ที่สร้างขึ้น เพื่อให้การจำลองระบบมีความถูกต้องผู้วิจัยได้ทำการสร้างขดลวดหม้อแปลงทดสอบแล้ววัดค่าความเหนี่ยวนำของขดลวดและค่าความเชื่อมโยงทางแม่เหล็กได้  $L_1 = 48.08\mu H$   $L_2 = 46.93mH$  และ  $M=0.3509$  mH



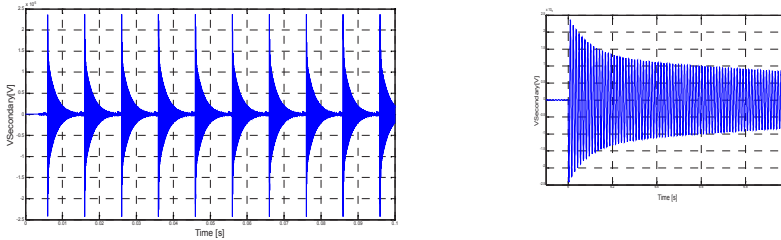
### รูปที่ 3 การวัดค่าพารามิเตอร์ต่างๆของหม้อแปลงเตสลา

#### 2.1 การจำลองระบบแบบใช้สวิตซ์อิเล็กทรอนิกส์ต่อโดยตรง

การจำลองระบบผู้เขียนบทความได้ทำการจำลองระบบสองรูปแบบคือแบบที่ต่อลูกถ้วยฉนวนและแบบไม่ต่อลูกถ้วยฉนวน แล้วทำการจูนโดยการควบคุมอุปกรณ์สวิตซ์ให้ตัดต่อวงจรที่สอดคล้องกับไฟฟ้าที่ป้อนเข้า 220V 50Hz โดยทุก 10 ms จะตัดต่อ 1 ครั้งพบว่าที่ Duty cycle 10 % จะเกิดออสซิลเลชันสูงสุด



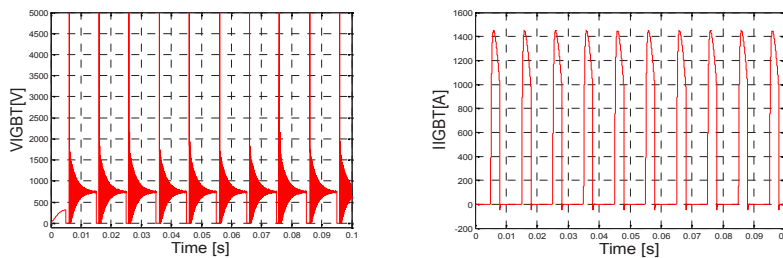
รูปที่ 4 วงจรที่ใช้ในการจำลองระบบ แบบสวิตซ์อิเล็กทรอนิกส์



รูปที่ 5 แรงดันจากการจำลองระบบแบบสวิตซ์อิเล็กทรอนิกส์ แรงดัน 240 kV 160 kHz

ตารางที่ 3.1 แรงดันด้านแรงดันสูง, แรงดันตกรวมIGBT และกระแสไหลผ่านIGBT

Duty cycle (%)	ไม่มีลูกถ้วย			มีลูกถ้วย		
	Vs(kV)	Vigbt(V)	Iigbt(A)	Vs(kV)	Vigbt(V)	Iigbt(A)
50	18	311	1,450	18	311	1,420
40	50	750	1,450	90	700	1,420
30	100	1,500	1,450	150	1,800	1,420
20	250	3,000	1,450	210	1,900	1,420
10	300	3,000	1,450	240	1,900	1,420

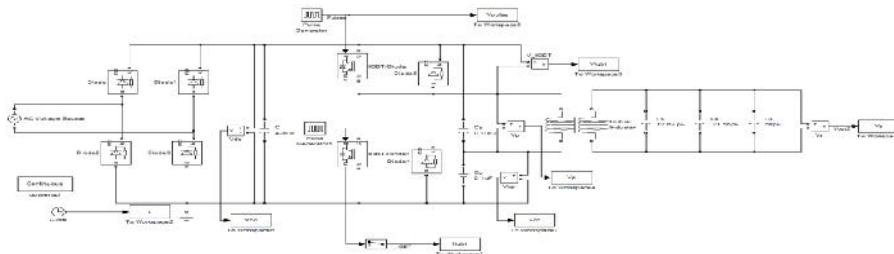


รูปที่ 6 แรงดันและกระแสของอุปกรณ์สวิตซ์ที่ D=10%

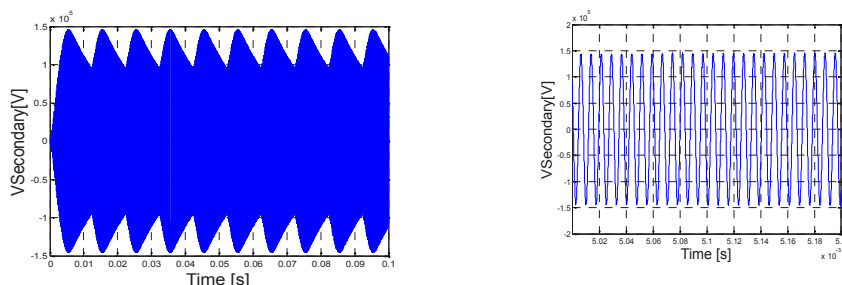
จากตารางที่ 3.1 และรูปคลื่นสัญญาณในรูปที่ 5 และ6 จะสังเกตได้ว่า กรณีที่มีลูกถ้วย แรงดันเอาท์พุทสูงสุดจะอยู่ที่ 240 kV เมื่อปรับ Duty Cycle ที่ 10% มีค่าแรงดันตกรวม IGBTอยู่ที่ 1,900V และมีกระแสไหลผ่าน IGBT 1,420 Aเมื่อเพิ่ม Duty Cycle แรงดันและกระแสก็ยังมีค่าสูงอยู่

#### 2.2 การจำลองระบบแบบใช้วงจรฮาฟบริดจ์อินเวอร์เตอร์

การจำลองระบบผู้เขียนบทความได้ทำการควบคุมอุปกรณ์สวิตซ์ที่ยานความถี่เรโซแนนซ์ที่คำนวณได้แล้วจึงทำการปรับจูนให้ได้ความถี่ที่ต้องการ



รูปที่ 10 วงจรที่ใช้ในการจำลองระบบด้วยวงจรฮาฟบริดจ์อินเวอร์เตอร์



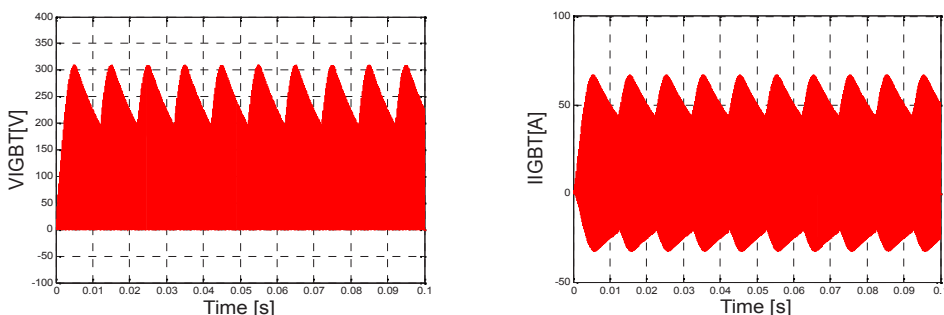
รูปที่ 11 แรงดันที่ได้จากการจำลองระบบที่ 132kHz Duty Cycle 20 % ไม่มีลูกถ้วย

ตารางที่ 3.2 แรงดันด้านแรงดันสูง แรงดันตกรวมIGBT และกระแสไหลผ่านIGBTที่ความถี่และ Duty cycle ค่าต่างๆ ของวงจรฮาฟบริดจ์แบบไม่มีลูกถ้วย

Duty cycle =40%				f=132kHz			
f(kHz)	Vs(kV)	Vigbt(V)	ligbt(A)	Duty cycle	Vs(kV)	Vigbt(V)	ligbt(A)
125	24	311	15	40	360	311	+150,-100
130	65	311	32	30	350	311	+140,-100
<b>132</b>	<b>360</b>	<b>311</b>	<b>+150,-100</b>	<b>20</b>	<b>145</b>	<b>311</b>	<b>+75,-25</b>
133	270	311	+125,-80	10	25	311	25

ตารางที่ 3.3 แรงดันด้านแรงดันสูง แรงดันตกรวมIGBT และกระแสไหลผ่าน IGBT ที่ความถี่และ Duty cycle ค่าต่างๆ ของวงจรฮาฟบริดจ์แบบมีลูกถ้วย

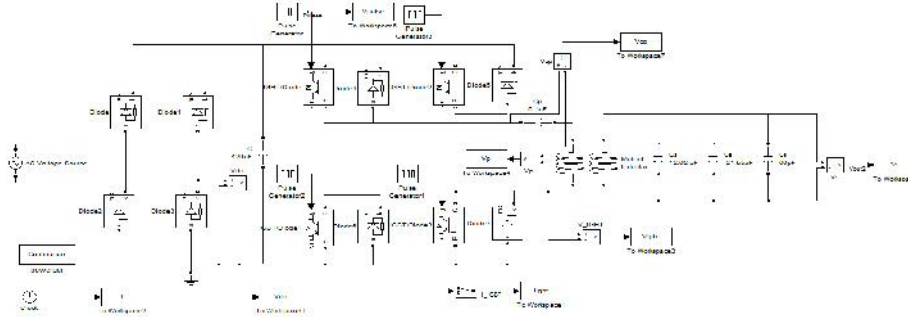
Duty cycle =40%				f=80kHz			
f(kHz)	Vs(kV)	Vigbt(V)	ligbt(A)	Duty cycle	Vs(kV)	Vigbt(V)	ligbt(A)
73	16	311	21	40	170	311	±125
75	21	311	20	<b>30</b>	<b>160</b>	<b>311</b>	<b>+125,-80</b>
<b>80</b>	<b>170</b>	<b>311</b>	<b>±125</b>	20	70	311	+70,-40
85	15	311	+37,-5	10	14	311	40



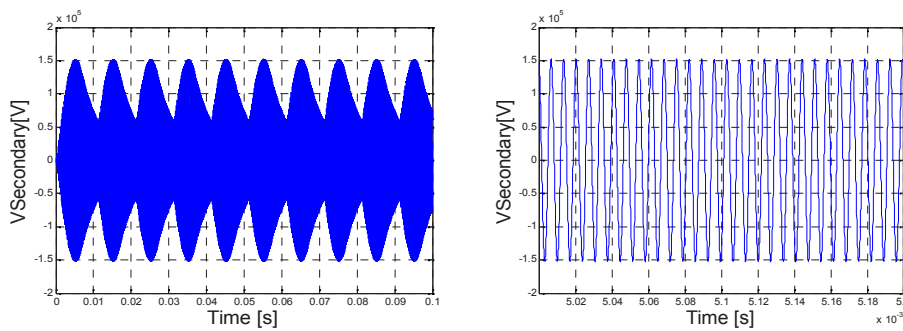
รูปที่ 12 แรงดันและกระแสของอุปกรณ์สวิตซ์วงจรฮาฟบริดจ์ ที่ความถี่ 132kHz D 20%

จากตารางที่ 3.2 และรูปคลื่นสัญญาณในรูปที่ 11 และ 12 จะสังเกตได้ว่ากรณีไม่มีลูกถ้วย ความถี่เรโซแนนซ์จะเกิดขึ้นที่ 132 kHz แรงดันที่เหมาะสมจะอยู่ที่ 145 kV เมื่อปรับ Duty Cycle ของสัญญาณควบคุมที่ 20% มีค่าแรงดันตกคร่อมอุปกรณ์สวิตซ์(IGBT)อยู่ที่ 311V และกระแสไหลผ่านอุปกรณ์สวิตซ์มีค่าเท่ากับ +75 A ถึง -25 A

### 2.3 การจำลองระบบแบบใช้วงจรฟูลบริดจ์อินเวอร์เตอร์



รูปที่ 13 วงจรที่ใช้ในการจำลองระบบด้วยวงจรฟูลบริดจ์อินเวอร์เตอร์



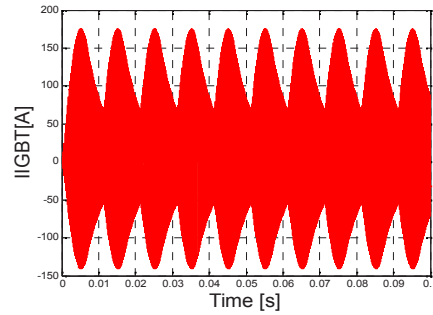
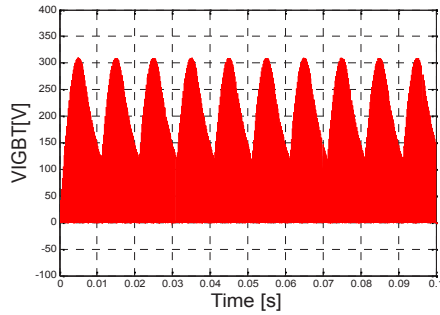
รูปที่ 14 แรงดันที่ได้จากการจำลองระบบที่ 145kHz Duty Cycle 20%ไม่มีลูกถ้วย

ตารางที่ 3.4 แรงดันด้านแรงดันสูง แรงดันตกคร่อมIGBT และกระแสไหลผ่านIGBT ที่ความถี่และ Duty cycle ค่าต่างๆ ของวงจรฟูลบริดจ์แบบไม่มีลูกถ้วย

Duty cycle =40%				f=145kHz			
f(kHz)	Vs(kV)	Vigbt(V)	Iigbt(A)	D	Vs(kV)	Vigbt(V)	Iigbt(A)
135	70	311	+50,-20	40	360	311	±400
140	125	311	+110,-75	30	350	311	±400
<b>145</b>	<b>360</b>	<b>311</b>	<b>±400</b>	<b>20</b>	<b>150</b>	<b>311</b>	<b>+175,-145</b>
150	70	311	±100	10	10	311	30

ตารางที่ 3.5 แรงดันด้านแรงดันสูง แรงดันตกคร่อมIGBT และกระแสไหลผ่านIGBTที่ความถี่และ Duty cycle ค่าต่างๆของวงจรฟูลบริดจ์แบบมีลูกถ้วย

Duty cycle =40%				f=85kHz			
f(kHz)	Vs(kV)	Vigbt(V)	Iigbt(A)	Duty cycle	Vs(kV)	Vigbt(V)	Iigbt(A)
75	50	311	20	40	800	311	+1,100,-750
80	70	311	+70,-25	30	600	311	+750,-600
<b>85</b>	<b>800</b>	<b>311</b>	<b>+1,100, -750</b>	<b>20</b>	<b>175</b>	<b>311</b>	<b>+250,-200</b>
90	40	311	+110,-75	10	7.5	311	30

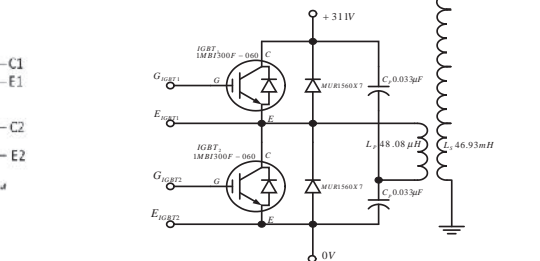
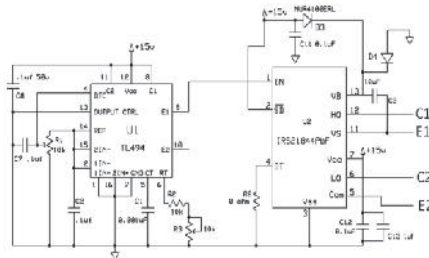
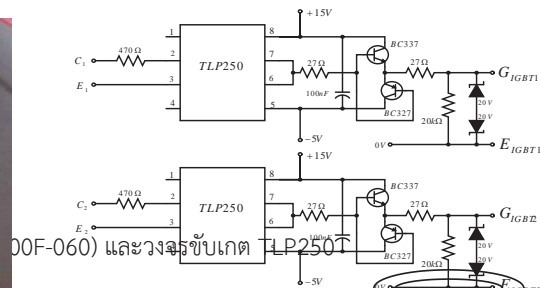
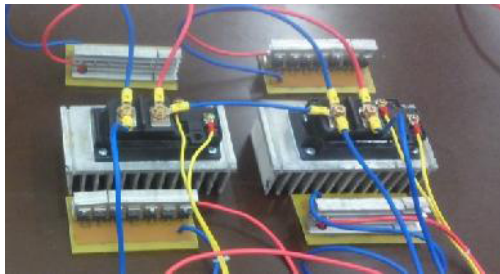


รูปที่ 15 แรงดันและกระแสของอุปกรณ์สวิตซ์วงจรพูลบริดจ์ ที่ความถี่ 145 kHz D 20%

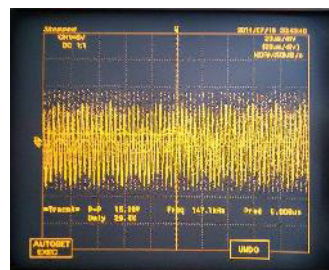
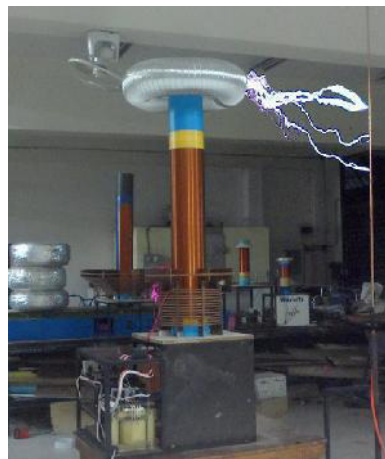
จากตารางที่ 3.4 และรูปคลื่นสัญญาณในรูปที่ 14 และ 15 จะสังเกตเห็นได้ว่ากรณีไม่มีลูกถ้วย ความถี่เรโซแนนซ์จะเกิดขึ้นที่ 145 kHz แรงดันที่เหมาะสมจะอยู่ที่ 150 kV เมื่อปรับ Duty Cycle ของสัญญาณควบคุมที่ 20% มีค่าแรงดันตกคร่อมอุปกรณ์สวิตซ์(IGBT)อยู่ที่ 311V และกระแสไหลผ่านอุปกรณ์สวิตซ์มีค่าเท่ากับ +175 A ถึง -145 A

### 3. สร้างหม้อแปลงโซลิตสทดสอบเตสล่า

จากการจำลองระบบที่ได้ ผู้เขียนบทความได้นำข้อมูลไปใช้ในการเลือกขนาดพิกัดของอุปกรณ์สวิตซ์ที่เหมาะสม และสร้างหม้อแปลงโซลิตสทดสอบเตสล่า ขนาดพิกัด 145 kV 132 kHz โดยใช้ IGBT เบอร์ 1MBI300F-060 พิกัดแรงดัน 600 V กระแส  $\pm 300$  A ต่อแบบวงจรฮาฟบริดจ์อินเวอร์เตอร์ และเมื่อสร้างแล้วได้ขนาดพิกัด 152 kV 147 kHz



รูปที่ 17 วงจรสร้างสัญญาณ PWM และวงจรโซลิตสทดสอบเตสล่า



รูปที่ 18 หม้อแปลงโซลิตสทดสอบเตสล่าขนาดพิกัด 152 kV 147 kHz ที่สร้างขึ้น และคลื่นสัญญาณแรงดันไฟฟ้าด้านแรงสูง ที่วัดด้วยวิธี Voltage divider



#### 4. อภิปรายผลและสรุป

จากการดำเนินงานวิจัย ผู้เขียนบทความ ได้นำค่าพารามิเตอร์ที่ได้จากการออกแบบและค่าพารามิเตอร์ที่ได้จากการวัดขนาดของหม้อแปลง เติสล่าที่ได้จัดทำขึ้น นำไปจำลองระบบด้วยโปรแกรมคอมพิวเตอร์ MATLAB/Simulink เพื่อเปรียบเทียบ ประสิทธิภาพ ของหม้อแปลงเติสล่าแบบ สวิตซ์อิเล็กทรอนิกส์ ทั้ง 3 รูปแบบ จากข้อจำกัด ของพิกัดอุปกรณ์สวิตซ์อิเล็กทรอนิกส์ ผลการจำลองระบบพบว่า สามารถหาค่าความเหมาะสมและ รูปแบบของวงจรในการสร้างหม้อแปลงโซลิตสเติสเติสล่า จากพิกัดที่กำหนดในการออกแบบได้ จากการปรับค่าความถี่และ ค่า Duty Cycle ในการ ควบคุม โดยผู้เขียนบทความได้ดำเนินการสร้างหม้อแปลงโซลิตสเติสเติสล่า จากรูปแบบวงจรฮาร์ดแวร์ เนื่องจากมีค่าพิกัดอุปกรณ์ต่ำสุด ซึ่งผลการสร้างได้ค่าแรงดันและความถี่ใกล้เคียงกับการจำลองระบบ

#### 5. เอกสารอ้างอิง

- [1] Denicolai M, "Tesla Transformer for Experimentation and Research." Helsinki University of Technology May 2001
- [2] Tilbury M, "The ULTIMATE Tesla Coil Design AND CONSTRUCTION GUIDE " The Mc Graw Hill Companies, 2008